

$$xRy, x \xrightarrow{a} x' \iff \exists y'. y \xrightarrow{a} y', x'Ry'$$